futuretopper.in

Series : ABCD3/1

SET – 1

प्रश्न–पत्र कोड
Q.P. Code **65/1/1**

रोल नं.
Roll No.

परीक्षार्थी प्रश्न–पत्र कोड को उत्तर–पुस्तिका के मुख–पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न–पत्र में मुद्रित पृष्ठ **8** हैं ।
- प्रश्न–पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न–पत्र कोड को छात्र उत्तर–पुस्तिका के मुख–पृष्ठ पर लिखें ।
- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न–पत्र में **14** प्रश्न हैं ।
- **कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर–पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।**
- इस प्रश्न–पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न–पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न–पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर–पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।

- Please check that this question paper contains **8** printed pages.
- Q.P. Code number given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- Please check that this question paper contains **14** questions.
- **Please write down the Serial Number of the question in the answer-book before attempting it.**
- 15 minutes time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित
MATHEMATICS

*निर्धारित समय : **2** घण्टे* | *अधिकतम अंक : **40***

*Time allowed : **2** hours* | *Maximum Marks : **40***

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को सावधानीपूर्वक पढ़ें और उनका अनुपालन करें ।

(i) *इस प्रश्न-पत्र के **तीन** खंड हैं – खंड **क**, **ख** तथा **ग** ।*

(ii) ***प्रत्येक** खंड **अनिवार्य** है ।*

(iii) ***खंड–क** में **6** लघु उत्तर-**I** प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **2** अंक हैं ।*

(iv) ***खंड–ख** में **4** लघु उत्तर-**II** प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **3** अंक हैं ।*

(v) ***खंड–ग** में **4** दीर्घ उत्तरीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के **4** अंक हैं ।*

(vi) *कुछ प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिए गये हैं ।*

(vii) *प्रश्न **14** एक प्रकरण अध्ययन प्रश्न है जिसमें दो भाग हैं, जिनमें प्रत्येक के **2** अंक हैं ।*

खंड – क

प्रश्न संख्या **1** से **6** तक प्रत्येक प्रश्न के **2** अंक हैं ।

1. अवकल समीकरण : $\left(x+\frac{dy}{dx}\right)^2=\left(\frac{dy}{dx}\right)^2+1$ की कोटि और घात का योगफल ज्ञात कीजिए । **2**

2. एक समांतर चतुर्भुज PQRS में $\overrightarrow{PQ} = 3\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ और $\overrightarrow{PS} = -\hat{i} - 2\hat{k}$. | $\overrightarrow{PR}$ | और | $\overrightarrow{QS}$ | ज्ञात कीजिए । **2**

3. (a) यदि $\frac{d}{dx}[F(x)]=\frac{\sec^4 x}{\text{cosec}^4 x}$ और $F\left(\frac{\pi}{4}\right)=\frac{\pi}{4}$ हो, तो $F(x)$ ज्ञात कीजिए । **2**

अथवा

(b) ज्ञात कीजिए : $\int \frac{\log x - 3}{(\log x)^4}\,dx.$

4. माना A और B दो ऐसी घटनाएँ हैं जिनके लिए $P(A)=\frac{5}{8}$, $P(B)=\frac{1}{2}$ तथा $P(A/B)=\frac{3}{4}$ है । P(B/A) का मान ज्ञात कीजिए । **2**

5. एक थैले, जिसमें 2 लाल गेंद और 3 नीली गेंदें हैं, में से यादृच्छया दो गेंदें बिना प्रतिस्थापना के निकाली जाती हैं । माना चर X लाल गेंदों की संख्या दर्शाता है । X का प्रायिकता बंटन ज्ञात कीजिए । **2**

6. λ के वे मान ज्ञात कीजिए जिनके लिए बिन्दु $(2, 1, \lambda)$ की समतल $3x + 5y + 4z = 11$ से दूरी $2\sqrt{2}$ इकाई है । **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *The question paper contains* ***three*** *Sections – Section* ***A****,* ***B*** *and* ***C****.*

(ii) ***Each*** *Section is* ***Compulsory****.*

(iii) ***Section – A*** *has* ***6*** *short answer type-****I*** *questions of* ***2*** *marks each.*

(iv) ***Section – B*** *has* ***4*** *short answer type-****II*** *questions of* ***3*** *marks each.*

(v) ***Section – C*** *has* ***4*** *long answer type questions of* ***4*** *marks each.*

(vi) *There is an internal choice in some questions.*

(vii) *Question No.* ***14*** *is a case based problem with 2 subparts of* ***2*** *marks each.*

SECTION – A

Question numbers **1** to **6** carry **2** marks each.

1. Find the sum of the order and the degree of the differential equation :

$$\left(x+\frac{dy}{dx}\right)^2=\left(\frac{dy}{dx}\right)^2+1$$ **2**

2. In a parallelogram PQRS, $\overrightarrow{PQ} = 3\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ and $\overrightarrow{PS} = -\hat{i} - 2\hat{k}$. Find $|\overrightarrow{PR}|$ and $|\overrightarrow{QS}|$. **2**

3. (a) If $\frac{d}{dx}[F(x)] = \frac{\sec^4 x}{\text{cosec}^4 x}$ and $F\left(\frac{\pi}{4}\right)=\frac{\pi}{4}$, then find $F(x)$. **2**

OR

(b) Find : $\int \frac{\log x - 3}{(\log x)^4}\,dx$.

4. Let A and B be two events such that $P(A) = \frac{5}{8}$, $P(B) = \frac{1}{2}$ and $P(A/B) = \frac{3}{4}$. Find the value of P(B/A). **2**

5. Two balls are drawn at random from a bag containing 2 red balls and 3 blue balls, without replacement. Let the variable X denotes the number of red balls. Find the probability distribution of X. **2**

6. Find the values of λ, for which the distance of point $(2, 1, \lambda)$ from plane $3x + 5y + 4z = 11$ is $2\sqrt{2}$ units. **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

खंड – ख

प्रश्न संख्या **7** से **10** तक प्रत्येक प्रश्न के **3** अंक हैं ।

7. (a) यदि $\vec{a}$, $\vec{b}$, $\vec{c}$ और $\vec{d}$ ऐसे चार शून्येतर सदिश हैं जिनके लिए $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{c} \times \vec{d}$ और $\vec{a} \times \vec{c} = 4\vec{b} \times \vec{d}$ है, तो दर्शाइए कि सदिश $(\vec{a} - 2\vec{d})$ और $(2\vec{b} - \vec{c})$ परस्पर समांतर हैं, जहाँ $\vec{a} \neq 2\vec{d}$, $\vec{c} \neq 2\vec{b}$ हैं । **3**

अथवा

(b) एक समांतर चतुर्भुज की दो संलग्न भुजाएँ $2\hat{i} - 4\hat{j} - 5\hat{k}$ एवं $2\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ द्वारा निरूपित हैं । इस चतुर्भुज के विकर्णों के समांतर मात्रक सदिश ज्ञात कीजिए । विकर्ण-सदिशों का प्रयोग करके, समांतर चतुर्भुज का क्षेत्रफल भी ज्ञात कीजिए ।

8. उस समतल का सदिश समीकरण ज्ञात कीजिए जो समतलों $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}) = 7$ तथा $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 5\hat{j} + 3\hat{k}) = 9$ की प्रतिच्छेदन रेखा तथा बिंदु $(2, 1, 3)$ से होकर जाता है । **3**

9. (a) ज्ञात कीजिए : $\int \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}}$. **3**

अथवा

(b) मान ज्ञात कीजिए : $\int_0^{\pi/2} \frac{\cos x}{(1 + \sin x)(4 + \sin x)} dx$.

10. अवकल समीकरण $x\frac{dy}{dx} + x\cos^2\left(\frac{y}{x}\right) = y$ का विशिष्ट हल ज्ञात कीजिए, दिया गया है $y = \frac{\pi}{4}$ जब $x = 1$ । **3**

खंड – ग

प्रश्न संख्या **11** से **14** तक प्रत्येक के **4** अंक हैं ।

11. (a) समाकलन के प्रयोग से, क्षेत्र $\{(x, y) : 4x^2 + 9y^2 \leq 36, 2x + 3y \geq 6\}$ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए । **4**

अथवा

(b) समाकलन के प्रयोग से, रेखाओं $x - y + 1 = 0$, $x = -2$, $x = 3$ और x-अक्ष से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

SECTION – B

Question numbers **7** to **10** carry **3** marks each.

7. (a) If $\vec{a}$, $\vec{b}$, $\vec{c}$ and $\vec{d}$ are four non-zero vectors such that $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{c} \times \vec{d}$ and $\vec{a} \times \vec{c} = 4\vec{b} \times \vec{d}$, then show that $(\vec{a} - 2\vec{d})$ is parallel to $(2\vec{b} - \vec{c})$ where $\vec{a} \neq 2\vec{d}$, $\vec{c} \neq 2\vec{b}$. **3**

OR

(b) The two adjacent sides of a parallelogram are represented by $2\hat{i} - 4\hat{j} - 5\hat{k}$ and $2\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$. Find the unit vectors parallel to its diagonals. Using the diagonal vectors, find the area of the parallelogram also.

8. Find the vector equation of the plane passing through the intersection of the planes $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k}) = 7$ and $\vec{r} \cdot (2\hat{i} + 5\hat{j} + 3\hat{k}) = 9$ and through the point (2, 1, 3). **3**

9. (a) Find : $\int \frac{dx}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}}$. **3**

OR

(b) Evaluate : $\int_0^{\pi/2} \frac{\cos x}{(1 + \sin x)(4 + \sin x)} dx$.

10. Find the particular solution of the differential equation $x\frac{dy}{dx} + x\cos^2\left(\frac{y}{x}\right) = y$; given that when $x = 1$, $y = \frac{\pi}{4}$. **3**

SECTION – C

Question numbers **11** to **14** carry **4** marks each.

11. (a) Using integration, find the area of the region $\{(x, y) : 4x^2 + 9y^2 \leq 36, 2x + 3y \geq 6\}$. **4**

OR

(b) Using integration, find the area of the region bounded by lines $x - y + 1 = 0$, $x = -2$, $x = 3$ and x-axis.

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

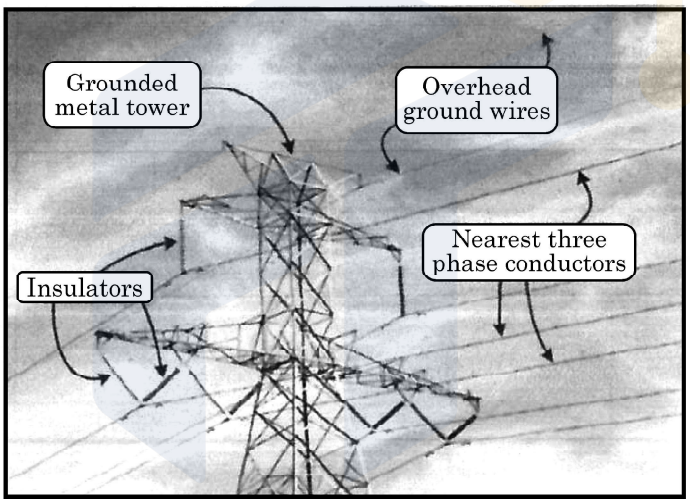
futuretopper.in

12. ताश के 52 पत्तों की एक गड्डी से एक पत्ता कहीं खो जाता है । बाकी पत्तों से, बिना प्रतिस्थापना के दो पत्ते यादृच्छया निकाले जाते हैं और दोनों ही इक्के पाए जाते हैं । खो गये पत्ते के इक्का का पत्ता होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए । **4**

13. मान ज्ञात कीजिए : $\int_0^{\pi} \frac{x}{1+\sin x}\,dx.$ **4**

प्रकरण अध्ययन/आँकड़ा आधारित प्रश्न

14. विद्युत पारेषण तार जो सर्दियों में बिछाए जाते हैं, उन्हें गर्मियों में विस्तार को समायोजित करने के लिए कसकर फैलाया जाता है ।



दो ऐसी तारे, निम्न रेखाओं के समांतर डाली गई हैं :

$l_1 : \frac{x+1}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+2}{-1}$

$l_2 : \frac{x}{-1} = \frac{y-7}{3} = \frac{z+7}{-2}$

उपरोक्त सूचना पर आधारित होकर, निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) क्या रेखाएँ l_1 और l_2 सहतलीय हैं ? अपने उत्तर का औचित्य साबित कीजिए । **2**

(ii) रेखाओं l_1 तथा l_2 का प्रतिच्छेदन बिंदु ज्ञात कीजिए । **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

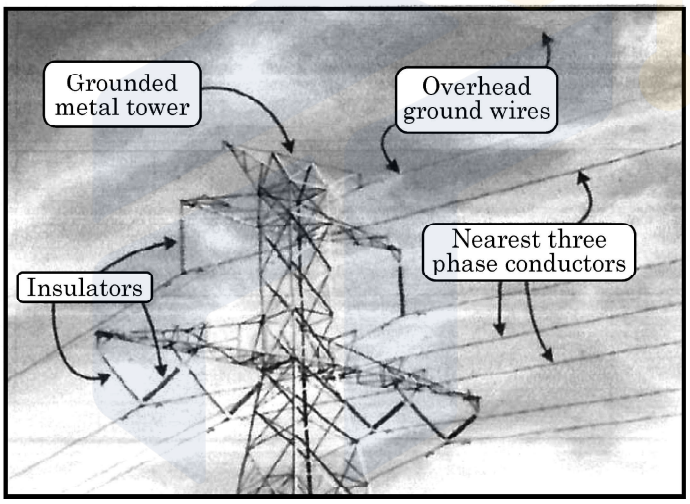
futuretopper.in

12. A card from a pack of 52 playing cards is lost. From the remaining cards, 2 cards are drawn at random without replacement, and are found to be both aces. Find the probability that lost card being an ace. **4**

13. Evaluate : $\int_0^{\pi} \frac{x}{1+\sin x}\,dx$. **4**

CASE BASED / DATA BASED QUESTION

14. Electrical transmission wires which are laid down in winters are stretched tightly to accommodate expansion in summers.



Two such wires lie along the following lines :

$l_1 : \frac{x+1}{3} = \frac{y-3}{-2} = \frac{z+2}{-1}$

$l_2 : \frac{x}{-1} = \frac{y-7}{3} = \frac{z+7}{-2}$

Based on the given information, answer the following questions :

(i) Are the lines l_1 and l_2 coplanar ? Justify your answer. **2**

(ii) Find the point of intersection of the lines l_1 and l_2. **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE