futuretopper.in

❀

SET-2

Series : PQSR2

प्रश्न-पत्र कोड
Q.P. Code 65/2/2

रोल नं.
Roll No.

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

गणित
MATHEMATICS

निर्धारित समय : 3 घण्टे *अधिकतम अंक : 80*
Time allowed : 3 hours *Maximum Marks : 80*

- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **23** हैं ।
- प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।
- कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं ।
- **कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में यथा स्थान पर प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।**
- इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक परीक्षार्थी केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।
- Please check that this question paper contains **23** printed pages.
- Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.
- Please check that this question paper contains **38** questions.
- **Please write down the serial number of the question in the answer-book at the given place before attempting it.**
- 15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the candidates will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period. {}

2414-2

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

(i) *इस प्रश्न-पत्र में कुल 38 प्रश्न हैं। **सभी** प्रश्न **अनिवार्य** हैं।*

(ii) *यह प्रश्न-पत्र **पाँच** खण्डों में विभाजित है – खण्ड-**क, ख, ग, घ** एवं **ङ**।*

(iii) *खण्ड – **क** में प्रश्न संख्या 1 से 18 तक बहुविकल्पीय तथा प्रश्न संख्या 19 एवं 20 अभिकथन एवं तर्क आधारित 1 अंक के प्रश्न हैं।*

(iv) *खण्ड – **ख** में प्रश्न संख्या 21 से 25 तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के 2 अंकों के प्रश्न हैं।*

(v) *खण्ड – **ग** में प्रश्न संख्या 26 से 31 तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के 3 अंकों के प्रश्न हैं।*

(vi) *खण्ड – **घ** में प्रश्न संख्या 32 से 35 तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के 5 अंकों के प्रश्न हैं।*

(vii) *खण्ड – **ङ** में प्रश्न संख्या 36 से 38 प्रकरण अध्ययन आधारित 4 अंकों के प्रश्न हैं।*

(viii) *प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड – **क** के अतिरिक्त अन्य खण्डों के कुछ प्रश्नों में आंतरिक विकल्प दिया गया है।*

(ix) *कैल्कुलेटर का उपयोग **वर्जित** है।*

खण्ड – क

इस खण्ड में **20** बहुविकल्पीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न **1** अंक का है।

1. $\int \frac{dx}{1+\cos x}$ बराबर है **1**

(A) $\frac{1}{2}\tan\frac{x}{2}+C$ (B) $\frac{-1}{2}\cot\frac{x}{2}+C$

(C) $-\cot\frac{x}{2}+C$ (D) $\tan\frac{x}{2}+C$

2. $f(x) = x + \frac{1}{x}$, $(x \neq 0)$ के लिए **1**

(A) स्थानीय उच्चतम मान 2 है।

(B) स्थानीय निम्नतम मान –2 है।

(C) स्थानीय उच्चतम मान –2 है।

(D) स्थानीय निम्नतम मान < स्थानीय अधिकतम मान

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❀

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *This Question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.*

(ii) *Question paper is divided into **FIVE** Sections – Section **A**, **B**, **C**, **D** and **E**.*

(iii) *In Section **A** – Question Number **1** to **18** are Multiple Choice Questions (MCQs) and Question Number **19** & **20** are Assertion-Reason based questions of **1** mark each.*

(iv) *In Section **B** – Question Number **21** to **25** are Very Short Answer (VSA) type questions, carrying **2** marks each.*

(v) *In Section **C** – Question Number **26** to **31** are Short Answer (SA) type questions, carrying **3** marks each.*

(vi) *In Section **D** – Question Number **32** to **35** are Long Answer (LA) type questions, carrying **5** marks each.*

(vii) *In Section **E** – Question Number **36** to **38** are case study based questions, carrying **4** marks each.*

(viii) *There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in few questions in all the Sections except Section – **A**.*

(ix) *Use of calculator is **NOT** allowed.*

SECTION – A

This section comprises **20** Multiple Choice Questions (MCQs) of **1** mark each.

1. $\int \frac{dx}{1+\cos x}$ is equal to **1**

(A) $\frac{1}{2}\tan\frac{x}{2} + C$ (B) $\frac{-1}{2}\cot\frac{x}{2} + C$

(C) $-\cot\frac{x}{2} + C$ (D) $\tan\frac{x}{2} + C$

2. For $f(x) = x + \frac{1}{x}$ $(x \neq 0)$ **1**

(A) local maximum value is 2

(B) local minimum value is –2

(C) local maximum value is –2

(D) local minimum value < local maximum value

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

3. निम्नलिखित में से कौन सा व्यंजक वक्र $y = x^2$ तथा रेखा $y = 16$ से घिरे क्षेत्र का क्षेत्रफल देगा ? **1**

(A) $\int_0^4 x^2 \, dx$ (B) $2\int_0^4 x^2 \, dx$

(C) $\int_0^{16} \sqrt{y} \, dy$ (D) $2\int_0^{16} \sqrt{y} \, dy$

4. अवकल समीकरण $x dy - y dx = 0$ का व्यापक हल है **1**

(A) $x^2 - y^2 = k$ (B) $xy = k$

(C) $x = ky$ (D) $\log y + \log x = k$

5. अवकल समीकरण $2x\frac{dy}{dx} - y = 3$ का समाकलन गुणक है **1**

(A) $\sqrt{x}$ (B) $\frac{1}{\sqrt{x}}$

(C) e^x (D) e^{-x}

6. यदि $|\vec{a}| = 5$ तथा $-2 \le \lambda \le 1$ है, तो $|\lambda \vec{a}|$ के अधिकतम तथा न्यूनतम मानों का योग है **1**

(A) -5 (B) 5

(C) 10 (D) 15

7. परिमाण 3 वाला एक सदिश जो x तथा y अक्ष से समान कोण बनाता है तथा z-अक्ष के लंबवत है, है **1**

(A) $\hat{i} + 2\sqrt{2}\,\hat{j}$ (B) $3\hat{k}$

(C) $\frac{3\sqrt{2}}{2}\hat{i} + \frac{3\sqrt{2}}{2}\hat{j}$ (D) $\sqrt{3}\,\hat{i} + \sqrt{3}\,\hat{j} + \sqrt{3}\,\hat{k}$

8. सरल रेखा $x = y = 1 - z$ के दिक्-कोसाइन हैं **1**

(A) 1, 1, 1 (B) $\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{-1}{\sqrt{3}}$

(C) 0, 0, 1 (D) $\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❀

3. Which of the following expressions will give the area of region bounded by the curve $y = x^2$ and line $y = 16$? **1**

(A) $\int_0^4 x^2 \, dx$ (B) $2\int_0^4 x^2 \, dx$

(C) $\int_0^{16} \sqrt{y} \, dy$ (D) $2\int_0^{16} \sqrt{y} \, dy$

4. The general solution of the differential equation $x dy - y dx = 0$ is **1**

(A) $x^2 - y^2 = k$ (B) $xy = k$

(C) $x = ky$ (D) $\log y + \log x = k$

5. The integrating factor of the differential equation $2x\frac{dy}{dx} - y = 3$ is **1**

(A) $\sqrt{x}$ (B) $\frac{1}{\sqrt{x}}$

(C) e^x (D) e^{-x}

6. If $|\vec{a}| = 5$ and $-2 \le \lambda \le 1$, then the sum of greatest and the smallest value of $|\lambda \vec{a}|$ is **1**

(A) –5 (B) 5

(C) 10 (D) 15

7. Vector of magnitude 3 making equal angles with x and y axes and perpendicular to z axis is **1**

(A) $\hat{i} + 2\sqrt{2}\,\hat{j}$ (B) $3\hat{k}$

(C) $\frac{3\sqrt{2}}{2}\hat{i} + \frac{3\sqrt{2}}{2}\hat{j}$ (D) $\sqrt{3}\,\hat{i} + \sqrt{3}\,\hat{j} + \sqrt{3}\,\hat{k}$

8. Direction cosines of line $x = y = 1 - z$ are **1**

(A) 1, 1, 1 (B) $\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{-1}{\sqrt{3}}$

(C) 0, 0, 1 (D) $\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}$

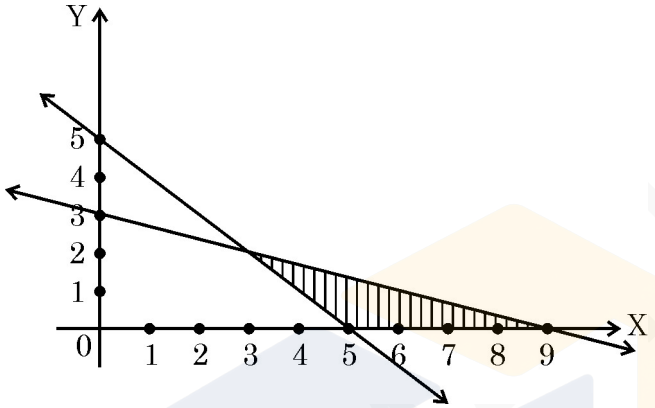
Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

9. एक रैखिक प्रोग्रामन समस्या में रैखिक फलन जिसका अधिकतमीकरण या न्यूनतमीकरण करना होता है, कहलाता है **1**

(A) सुसंगत फलन
(B) उद्देश्य फलन
(C) एक इष्टतम फलन
(D) एक व्यवरोध

10. किसी रैखिक प्रोग्रामन समस्या का सुसंगत क्षेत्र नीचे दर्शाया गया है, इसके अतुच्छ व्यवरोध हैं : **1**



(A) $x + y \leq 5, x + 3y \leq 9$
(B) $x + y \leq 5, x + 3y \geq 9$
(C) $x + y \geq 5, x + 3y \leq 9$
(D) $x + y \geq 5, 3x + y \leq 9$

11. दो घटनाएँ A तथा B इस प्रकार हैं कि $P(A) \neq 0$ तथा $P(B) \neq 1$ है तो $P(A'/B')$ बराबर है **1**

(A) $1 - P(A/B)$
(B) $1 - P(A'/B)$
(C) $\dfrac{1 - P(A \cap B)}{P(B')}$
(D) $\dfrac{1 - P(A \cup B)}{P(B')}$

12. समुच्चय $A = \{1, 2, 3\}$ पर $R = \{(1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$ द्वारा प्रदत्त संबंध है **1**

(A) केवल स्वतुल्य
(B) स्वतुल्य तथा संक्रामक
(C) सममित तथा संक्रामक
(D) केवल सममित

13. यदि A तथा B समान कोटि के वर्ग आव्यूह हैं, तो निम्न में से कौन सा/से कथन सदैव सत्य है/हैं ? **1**

(i) $(A + B)(A - B) = A^2 - B^2$
(ii) $AB = BA$
(iii) $(A + B)^2 = A^2 + AB + BA + B^2$
(iv) $AB = 0 \Rightarrow A = 0$ or $B = 0$

(A) केवल (i) तथा (iii)
(B) केवल (ii) तथा (iii)
(C) केवल (iii)
(D) केवल (iii) तथा (iv)

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

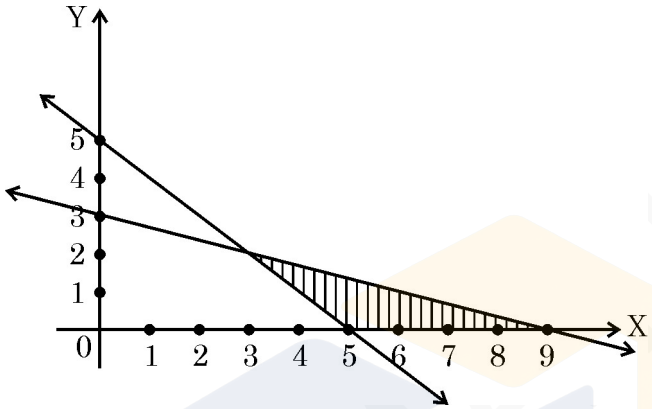
❀

9. In a linear programming problem, the linear function which has to be maximized or minimized is called **1**

(A) a feasible function (B) an objective function

(C) an optimal function (D) a constraint

10. For the feasible region shown below, the non-trivial constraints of the linear programming problem are **1**



(A) $x + y \leq 5, x + 3y \leq 9$ (B) $x + y \leq 5, x + 3y \geq 9$

(C) $x + y \geq 5, x + 3y \leq 9$ (D) $x + y \geq 5, 3x + y \leq 9$

11. For two events A and B such that $P(A) \neq 0$ and $P(B) \neq 1$, $P(A'/B') =$ **1**

(A) $1 - P(A/B)$ (B) $1 - P(A'/B)$

(C) $\dfrac{1 - P(A \cap B)}{P(B')}$ (D) $\dfrac{1 - P(A \cup B)}{P(B')}$

12. A relation R on set A = {1, 2, 3} defined as R = {(1, 2), (2, 1), (2, 2)} is **1**

(A) Reflexive only (B) Reflexive and Transitive

(C) Symmetric and Transitive (D) Symmetric only

13. If A and B are square matrices of same order, then which of the following statements is/are always true ? **1**

(i) $(A + B)(A - B) = A^2 - B^2$

(ii) $AB = BA$

(iii) $(A + B)^2 = A^2 + AB + BA + B^2$

(iv) $AB = 0 \Rightarrow A = 0$ or $B = 0$

(A) Only (i) and (iii) (B) Only (ii) and (iii)

(C) Only (iii) (D) Only (iii) and (iv)

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

14. यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & a & b \\ -1 & 2 & c \\ 0 & 5 & 3 \end{bmatrix}$ एक सममित आव्यूह है, तो $3a + b + c$ का मान है **1**

(A) 2 (B) 6

(C) 4 (D) 0

15. यदि $A = \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\cos x & -\sin x \\ \sin x & \frac{1}{2}\cos x \end{bmatrix}$ तथा $A + A' = I$ है, तो $\left[\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ में x का मान है **1**

(A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$

(C) 0 (D) $\frac{-\pi}{2}$

16. एक वर्ग आव्यूह A के लिए $(3A)^{-1}$ बराबर है **1**

(A) $3A^{-1}$ (B) $9A^{-1}$

(C) $\frac{1}{3}A^{-1}$ (D) $\frac{1}{9}A^{-1}$

17. यदि $\begin{vmatrix} -1 & -2 & 5 \\ -2 & a & -1 \\ 0 & 4 & 2a \end{vmatrix} = -86$ है, तो a के सभी मानों का योग है **1**

(A) 4 (B) 5

(C) –4 (D) 9

18. यदि $e^{x+y} = 3x$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ बराबर है **1**

(A) $\frac{3}{e^{x+y}}$ (B) $\frac{1}{e^{x+y}}$

(C) $\frac{1 - e^{x+y}}{e^{x+y}}$ (D) $\frac{3 - e^{x+y}}{e^{x+y}}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

14. If $A = \begin{bmatrix} 1 & a & b \\ -1 & 2 & c \\ 0 & 5 & 3 \end{bmatrix}$ is a symmetric matrix, then the value of $3a + b + c$ is **1**

(A) 2 (B) 6

(C) 4 (D) 0

15. If $A = \begin{bmatrix} \frac{1}{2}\cos x & -\sin x \\ \sin x & \frac{1}{2}\cos x \end{bmatrix}$ and $A + A' = I$, then value of $x \in \left[\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ is **1**

(A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$

(C) 0 (D) $\frac{-\pi}{2}$

16. For a square matrix A, $(3A)^{-1} =$ **1**

(A) $3A^{-1}$ (B) $9A^{-1}$

(C) $\frac{1}{3}A^{-1}$ (D) $\frac{1}{9}A^{-1}$

17. If $\begin{vmatrix} -1 & -2 & 5 \\ -2 & a & -1 \\ 0 & 4 & 2a \end{vmatrix} = -86$, then the sum of all possible values of a is **1**

(A) 4 (B) 5

(C) -4 (D) 9

18. If $e^{x+y} = 3x$, then $\frac{dy}{dx}$ is **1**

(A) $\frac{3}{e^{x+y}}$ (B) $\frac{1}{e^{x+y}}$

(C) $\frac{1 - e^{x+y}}{e^{x+y}}$ (D) $\frac{3 - e^{x+y}}{e^{x+y}}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

❋

अभिकथन – तर्क आधारित प्रश्न

निर्देश : प्रश्न संख्या **19** और **20** अभिकथन (A) एवं तर्क (R) पर आधारित प्रत्येक **1** अंक के प्रश्न हैं । दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है ।

इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए :

(A) अभिकथन (A) तथा तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है ।

(B) अभिकथन (A) तथा तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या नहीं करता है ।

(C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) गलत है ।

(D) अभिकथन (A) गलत है, परन्तु तर्क (R) सही है ।

19. **अभिकथन (A)** : एक रेखा के दिक्-कोसाइन $< 1, 1, 1 >$ हो सकते हैं । **1**

तर्क (R) : $\theta = 0$ के लिए $\cos \theta = 1$ संभव है ।

20. दो सदिशों $\vec{a}$ तथा $\vec{b}$ के लिए

अभिकथन (A) : $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$ **1**

तर्क (R) : $|\vec{a} \times \vec{b}| = (\vec{a} \cdot \vec{b}) \tan \theta, \left(\theta \neq \frac{\pi}{2}\right)$

खण्ड – ख

इस खण्ड में अति लघु-उत्तरीय प्रकार के प्रश्न हैं । प्रत्येक प्रश्न के **2** अंक हैं ।

21. (a) $f(x) = \cos x + \sin^2 x$, $x \in [0, \pi]$ का निरपेक्ष उच्चतम मान ज्ञात कीजिए । **2**

अथवा

(b) यदि एक ठोस अर्धगोले का आयतन एकसमान दर से बढ़ रहा है, तो सिद्ध कीजिए कि इसका पृष्ठीय क्षेत्रफल इसकी त्रिज्या के व्युत्क्रमानुपाती अनुपात से बढ़ता है । **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

❀

Assertion – Reason Based Questions

Direction : Question numbers **19** and **20** are Assertion (A) and Reason (R) based questions carrying **1** mark each. Two statements are given, one labelled Assertion (A) and other labelled Reason (R).

Select the correct answer from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.

(A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and the Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).

(B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is not the correct explanation of the Assertion (A).

(C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.

(D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. **Assertion (A) :** A line can have direction cosines $< 1, 1, 1 >$ **1**

Reason (R) : $\cos\theta = 1$ is possible for $\theta = 0$.

20. For two vectors $\vec{a}$ and $\vec{b}$

Assertion (A) : $|\vec{a} \times \vec{b}|^2 + (\vec{a} \cdot \vec{b})^2 = |\vec{a}|^2 |\vec{b}|^2$ **1**

Reason (R) : $|\vec{a} \times \vec{b}| = (\vec{a} \cdot \vec{b}) \tan\theta, \left(\theta \neq \frac{\pi}{2}\right)$

SECTION – B

This section comprises Very Short Answer (VSA) type questions carrying **2** marks each.

21. (a) Find the absolute maximum value of $f(x) = \cos x + \sin^2 x$, $x \in [0, \pi]$ **2**

OR

(b) If the volume of a solid hemisphere increases at a uniform rate, prove that its surface area varies inversely as its radius. **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

22. यदि $\overrightarrow{AB} = \hat{j} + \hat{k}$ तथा $\overrightarrow{AC} = 3\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$, ΔABC की भुजाओं AB तथा AC की दिशा में सदिशों को निरूपित करते हैं, तो सिद्ध कीजिए कि $\overrightarrow{AD} = \frac{\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}}{2}$, जहाँ D भुजा BC का मध्य बिंदु है ।

अत: माध्यक AD की लंबाई भी ज्ञात कीजिए । **2**

23. बिंदु (0, 0, 0) से रेखा $\frac{x}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{-2}$ पर डाले गए लंब के पाद के निर्देशांक ज्ञात कीजिए । **2**

24. (a) जाँच कीजिए कि फलन $f : R - \{3\} \to R$, जो कि $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$ द्वारा परिभाषित है, आच्छादक है या नहीं । **2**

अथवा

(b) जाँच कीजिए कि $f : Z \times Z \to Z \times Z$, (जहाँ Z पूर्णांकों का समुच्चय है) जो $f(x, y) = (2y, 3x)$ द्वारा परिभाषित है एकैक फलन है या नहीं । **2**

25. यदि $x = \sin t - \cos t$, $y = \sin t \cos t$ है, तो $t = \frac{\pi}{4}$ पर $\frac{dy}{dx}$ का मान ज्ञात कीजिए । **2**

खण्ड – ग

इस खण्ड में लघु–उत्तरीय प्रकार के प्रश्न हैं । प्रत्येक प्रश्न के **3** अंक हैं ।

26. यदि $\frac{d}{dx}(F(x)) = \frac{1}{e^x + 1}$ है, तो $F(x)$ ज्ञात कीजिए जबकि दिया है, कि $F(0) = \log \frac{1}{2}$. **3**

27. (a) अवकल समीकरण $x\frac{dy}{dx} = y - x \sin^2\left(\frac{y}{x}\right)$ का हल ज्ञात कीजिए, दिया है कि $y(1) = \frac{\pi}{6}$ **3**

अथवा

(b) अवकल समीकरण $y \log y \frac{dx}{dy} + x = \frac{2}{y}$ का व्यापक हल ज्ञात कीजिए । **3**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❀

22. If $\overrightarrow{AB} = \hat{j} + \hat{k}$ and $\overrightarrow{AC} = 3\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$ represent the two vectors along the sides AB and AC of ΔABC, prove that the median $\overrightarrow{AD} = \frac{\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}}{2}$, where D is midpoint of BC.

Hence, find the length of median AD. **2**

23. Find the co-ordinates of foot of perpendicular drawn from (0, 0, 0) to line $\frac{x}{1} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-3}{-2}$. **2**

24. (a) Check whether $f : R - \{3\} \to R$ defined as $f(x) = \frac{x-2}{x-3}$ is onto or not. **2**

OR

(b) Check whether $f : Z \times Z \to Z \times Z$ (where Z is the set of integers) defined as $f(x, y) = (2y, 3x)$ is injective or not. **2**

25. If $x = \sin t - \cos t$, $y = \sin t \cos t$, find $\frac{dy}{dx}$ at $t = \frac{\pi}{4}$. **2**

SECTION – C

This section comprises Short Answer (SA) type questions of **3** marks each.

26. If $\frac{d}{dx}(F(x)) = \frac{1}{e^x + 1}$, then find $F(x)$ given that $F(0) = \log \frac{1}{2}$. **3**

27. (a) Solve the following differential equation : **3**

$$x\frac{dy}{dx} = y - x\sin^2\left(\frac{y}{x}\right), \text{ given that } y(1) = \frac{\pi}{6}$$

OR

(b) Find the general solution of the differential equation : $y \log y \frac{dx}{dy} + x = \frac{2}{y}$. **3**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

28. निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को ग्राफ द्वारा हल कीजिए : **3**

व्यवरोधों $3x + 4y \leq 60$

$x + 3y \leq 30$

$x \geq 0, y \geq 0$ के अंतर्गत

$Z = 8000x + 12000y$ का अधिकतमीकरण कीजिए ।

29. (a) तेज़ हवा की वजह से तूफानी दिन में एक ट्रेन्ड स्नाइपर के टारगेट पर निशाने लगाने की प्रायिकता, टारगेट पर निशाना न लगा पाने की प्रायिकता की तीन गुना है । **3**



एक तूफानी दिन में जब हवा तेज थी स्नाइपर द्वारा दो शाट दागे गए । प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि

(i) टारगेट दागा गया ।

(ii) कम से कम एक शॉट ने टारगेट मिस किया ।

अथवा

(b) एक पारिवारिक चित्र में माता, पिता व पुत्र यादृच्छया एक रेखा में खड़े हैं । यदि घटनाएँ E : पुत्र एक सिरे पर खड़ा है, F : पिता मध्य में खड़े हैं, द्वारा प्रदत्त हैं, तो P(E/F) ज्ञात कीजिए । **3**

30. ज्ञात कीजिए : $\int \frac{2x+1}{\sqrt{6x+x^2}}\, dx$ **3**

31. (a) मान ज्ञात कीजिए : $\int_{\frac{\pi}{12}}^{\frac{5\pi}{12}} \frac{dx}{1+\sqrt{\cot x}}$ **3**

अथवा

(b) मान ज्ञात कीजिए : $\int_{\frac{-\pi}{6}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin |x| + \cos |x|)\, dx$ **3**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❀

28. Solve the following linear programming problem graphically : **3**

Maximize Z = $8000x + 12000y$

Subject to constraints

$3x + 4y \leq 60$

$x + 3y \leq 30$

$x \geq 0, y \geq 0$

29. (a) The probability of hitting the target by a trained sniper is three times the probability of not hitting the target on a stormy day due to high wind speed. **3**



The sniper fired two shots on the target on a stormy day when wind speed was very high. Find the probability that

(i) target is hit

(ii) atleast one shot misses the target.

OR

(b) Mother, Father and Son line up at random for a family picture. Let events E : Son on one end and F : Father in the middle. Find P(E/F). **3**

30. Find : $\int \frac{2x+1}{\sqrt{6x+x^2}}\,dx$ **3**

31. (a) Evaluate : $\int_{\frac{\pi}{12}}^{\frac{5\pi}{12}} \frac{dx}{1+\sqrt{\cot x}}$ **3**

OR

(b) Evaluate : $\int_{\frac{-\pi}{6}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin|x| + \cos|x|)\,dx$ **3**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

❋

खण्ड – घ

इस खण्ड में दीर्घ–उत्तरीय प्रकार के प्रश्न हैं । प्रत्येक प्रश्न के **5** अंक हैं ।

32. $p(x) = \sin^{-1}(1 - 2x^2)$ का प्रान्त ज्ञात कीजिए । अत: x का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए $p(x) = \frac{\pi}{6}$ है । $2p(x) + \frac{\pi}{2}$ का परिसर भी ज्ञात कीजिए । **5**

33. बिंदुओं A(1, 2, 3) तथा B(5, 8, 11) से होकर जाने वाली रेखा एक अन्य रेखा $\vec{r} = 4\hat{i} + \hat{j} + \lambda(5\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k})$ को काटती है । प्रतिच्छेदन बिंदु के निर्देशांक ज्ञात कीजिए । अत: एक रेखा का समीकरण लिखिए जो इस प्रतिच्छेदन बिंदु से होकर जाती है तथा दोनों रेखाओं के लंबवत हैं । **5**

34. (a) यदि $P = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ तथा $Q = \begin{bmatrix} 2 & 2 & -4 \\ -4 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 5 \end{bmatrix}$ है, तो (QP) ज्ञात कीजिए ।

अत: निम्न समीकरण निकाय को हल कीजिए :

$x - y = 3,\ 2x + 3y + 4z = 17,\ y + 2z = 7$ **5**

अथवा

(b) $\Delta = \begin{vmatrix} 1+x & 1 & 1 \\ 1 & 1+y & 1 \\ 1 & 1 & 1+z \end{vmatrix}$ का मान x, y, z के पदों में ज्ञात कीजिए । **5**

यदि $\Delta = 0$ है तथा x, y, z शून्येतर वास्तविक संख्याएँ हैं, तो सिद्ध कीजिए कि $x^{-1} + y^{-1} + z^{-1} = -1$.

35. (a) $(0, \pi)$ के वह उप–अन्तराल ज्ञात कीजिए जिसमें फलन $f(x) = \tan^{-1}(\sin x - \cos x)$ वर्धमान है, व ह्रासमान है । **5**

अथवा

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

SECTION – D

This section comprises Long Answer (LA) type questions of **5** marks each.

32. Find the domain of $p(x) = \sin^{-1}(1 - 2x^2)$. Hence, find the value of x for which $p(x) = \frac{\pi}{6}$. Also, write the range of $2p(x) + \frac{\pi}{2}$. **5**

33. A line passing through the points A(1, 2, 3) and B(5, 8, 11) intersects the line $\vec{r} = 4\hat{i} + \hat{j} + \lambda(5\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k})$. Find the co-ordinates of the point of intersection. Hence, write the equation of a line passing through the point of intersection and perpendicular to both the lines. **5**

34. (a) If $P = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$ and $Q = \begin{bmatrix} 2 & 2 & -4 \\ -4 & 2 & -4 \\ 2 & -1 & 5 \end{bmatrix}$, find (QP) and hence solve the following system of equations using matrices :

$x - y = 3$, $2x + 3y + 4z = 17$, $y + 2z = 7$ **5**

OR

(b) Obtain the value of $\Delta = \begin{vmatrix} 1+x & 1 & 1 \\ 1 & 1+y & 1 \\ 1 & 1 & 1+z \end{vmatrix}$ in terms of x, y and z. **5**

Further, if $\Delta = 0$ and x, y, z are non-zero real numbers, prove that $x^{-1} + y^{-1} + z^{-1} = -1$.

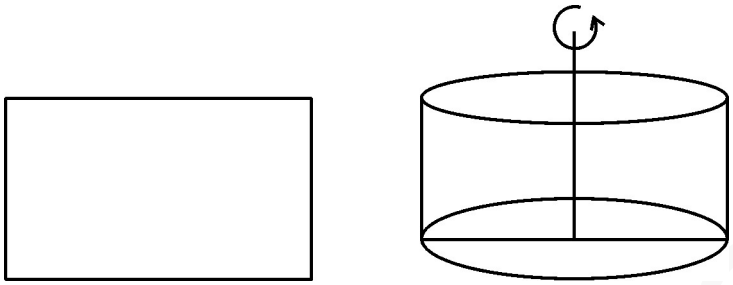
35. (a) Find the sub-interval of $(0, \pi)$ in which $f(x) = \tan^{-1}(\sin x - \cos x)$ is increasing and decreasing. **5**

OR

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

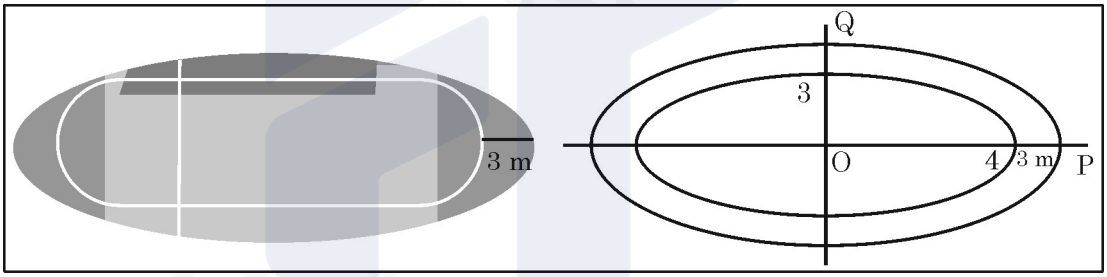
(b) 24 cm परिमाप वाले एक आयत को एक भुजा के चारों ओर घुमाने पर बनने वाले बेलन का अधिकतम आयतन होने के लिए आयत की विमाएँ ज्ञात कीजिए। **5**



खण्ड – ङ

इस खण्ड में **3** प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न के **4** अंक हैं।

36. एक दौड़ने वाला ट्रैक एक दीर्घवृत्तीय मैदान, जिसका समीकरण $9x^2 + 16y^2 = 144$ है, के चारों ओर बनाया गया है। ट्रैक की चौड़ाई 3 m है, जैसा कि आकृति में दर्शाया गया है :



उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) दी गई दीर्घ वृत्त की समीकरण से y को x के रूप में व्यक्त कीजिए। **1**

(ii) इस प्रकार (i) में प्राप्त फलन का x के सापेक्ष समाकलन कीजिए। **1**

(iii) (a) समाकलन के प्रयोग से दीर्घ वृत्तीय मैदान का (ट्रैक को छोड़कर) क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। **2**

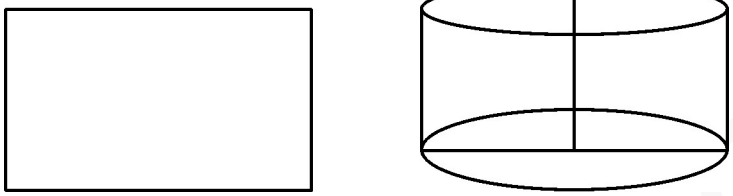
अथवा

(iii) (b) बिंदुओं P तथा Q जहाँ बाह्य ट्रैक क्रमशः x-अक्ष तथा y-अक्ष को प्रथम चतुर्थांश में काटता है, के निर्देशांक लिखिए तथा समाकलन से P, O, Q से बनने वाली त्रिभुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए। **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❀

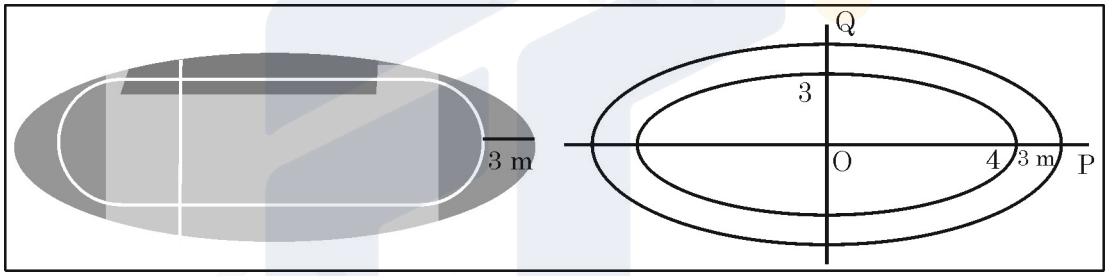
(b) A rectangle of perimeter 24 cm is revolved along one of its sides to sweep out a cylinder of maximum volume. Find the dimensions of the rectangle. **5**



SECTION – E

This section comprises of **3** case study based questions of **4** marks each.

36. A racing track is build around an elliptical ground whose equation is given by $9x^2 + 16y^2 = 144$. The width of the track is 3 m as shown below :



Based on given information, answer the following questions :

(i) Express y as a function of x from the given equation of ellipse. **1**

(ii) Integrate the function obtained in (i) with respect to x. **1**

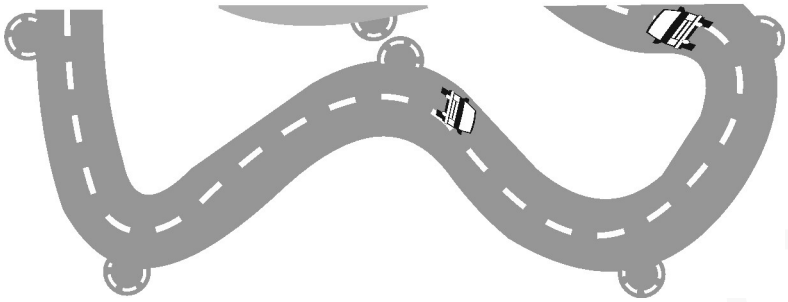
(iii) (a) Find the area of the region enclosed within the elliptical ground excluding the track using integration. **2**

OR

(iii) (b) Write the co-ordinates of the points P and Q where the outer edge of the track cuts x axis and y axis in first quadrant and find the area of the triangle formed by points P, O, Q using integration. **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

37. स्पोर्ट्स कार रेसिंग मोटर स्पोर्ट का एक रूप है जिसमें स्पोर्ट्स कार प्रोटोटाइप का उपयोग किया जाता है । यह प्रतियोगिता अलग-अलग आकार में बनाए गए विशेष ट्रैक पर होता है ।



ऐसे एक ट्रैक का समीकरण नीचे दिया गया है :

$$f(x) = \begin{cases} x^4 - 4x^2 + 4, & 0 \le x < 3 \\ x^2 + 40 \quad , & x \ge 3 \end{cases}$$

उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) $0 < x < 3$ के लिए $f'(x)$ ज्ञात कीजिए । **1**

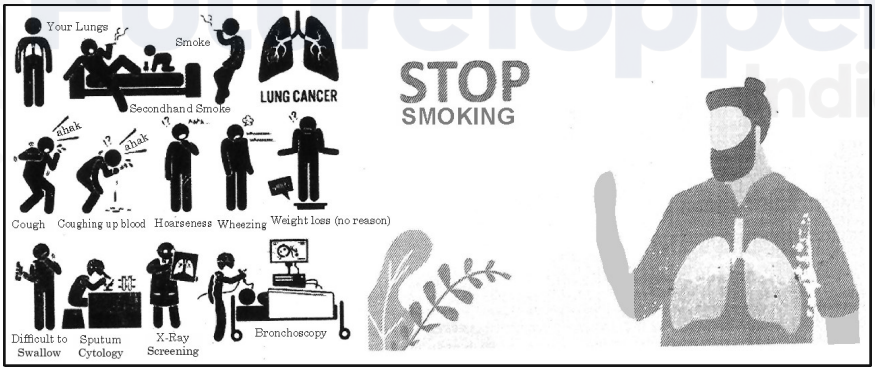
(ii) $f'(4)$ ज्ञात कीजिए । **1**

(iii) (a) $f(x)$ की $x = 3$ पर संतता की जाँच कीजिए । **2**

अथवा

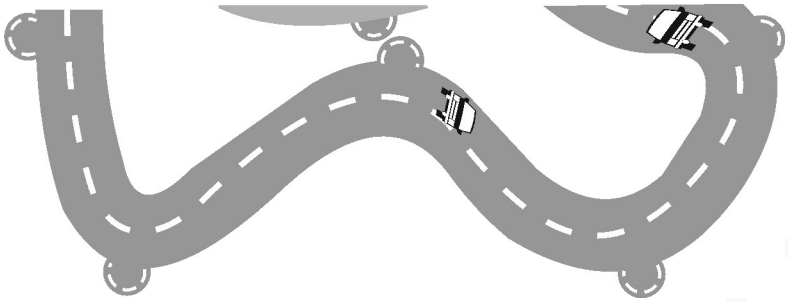
(iii) (b) $x = 3$ पर $f(x)$ की अवकलनीयता की जाँच कीजिए । **2**

38. स्मोकिंग से फेफड़ों की परेशानियों का खतरा बढ़ जाता है ।



Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

37. Sports car racing is a form of motorsport which uses sports car prototypes. The competition is held on special tracks designed in various shapes.



The equation of one such track is given as follows :

$$f(x) = \begin{cases} x^4 - 4x^2 + 4, & 0 \le x < 3 \\ x^2 + 40 \quad , & x \ge 3 \end{cases}$$

Based on given information, answer the following questions :

(i) Find $f'(x)$ for $0 < x < 3$. **1**

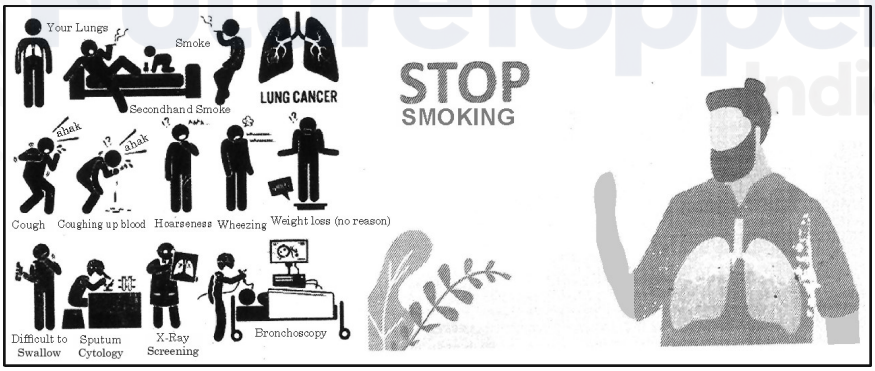
(ii) Find $f'(4)$ **1**

(iii) (a) Test for continuity of $f(x)$ at $x = 3$. **2**

OR

(iii) (b) Test for differentiability of $f(x)$ at $x = 3$. **2**

38. Smoking increases the risk of lung problems.



Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

❋

एक अध्ययन से पता चला कि स्मोकिंग करने वाले 1000 पुरुषों में से 170 और स्मोकिंग करने वाली 1000 महिलाओं में से 120 को फेफड़ों से जुड़ी समस्याएँ होती हैं । एक कॉलोनी में 50 व्यक्ति स्मोकिंग करने वाले पाए गए जिनमें 30 पुरुष हैं ।

इन 50 व्यक्तियों में से यादृच्छया एक चुना गया जिसका फेफड़ों संबंधी बीमारी का टेस्ट करवाया गया ।

उपरोक्त के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) क्या प्रायिकता है कि चुना हुआ व्यक्ति एक महिला हो ? **1**

(ii) यदि एक पुरुष चुना गया है तो क्या प्रायिकता है कि उसे फेफड़ों की समस्या नहीं है ? **1**

(iii) (a) यदि यादृच्छया चुने गए व्यक्ति में फेफड़ों की बीमारी पाई गई, तो उस व्यक्ति के महिला होने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए । **2**

अथवा

(iii) (b) यादृच्छया चुने गए व्यक्ति में फेफड़ों की समस्या नहीं पाई गई है, तो प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि वह एक पुरुष है । **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

A study revealed that 170 in 1000 males who smoke develop lung complications, while 120 out of 1000 females who smoke develop lung related problems. In a colony, 50 people were found to be smokers of which 30 are males.

A person is selected at random from these 50 people and tested for lung related problems.

Based on the given information, answer the following questions :

(i) What is the probability that selected person is a female ? **1**

(ii) If a male person is selected, what is the probability that he will not be suffering from lung problems ? **1**

(iii) (a) A person selected at random is detected with lung complications. Find the probability that selected person is a female. **2**

OR

(iii) (b) A person selected at random is not having lung problems, find the probability that the person is a male. **2**

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE