futuretopper.in

Series EF1GH/1

SET~3

प्रश्न–पत्र कोड
Q.P. Code 65/1/3

रोल नं.
Roll No.

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

गणित
MATHEMATICS

*

निर्धारित समय : 3 घण्टे
Time allowed : 3 hours

अधिकतम अंक : 80
Maximum Marks : 80

नोट / NOTE :

(i) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **23** हैं ।
Please check that this question paper contains **23** printed pages.

(ii) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।
Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.

(iii) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं ।
Please check that this question paper contains **38** questions.

(iv) **कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।**
Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.

(v) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।
15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

(i) *इस प्रश्न-पत्र में* ***38*** *प्रश्न हैं । **सभी** प्रश्न **अनिवार्य** हैं ।*

(ii) *यह प्रश्न-पत्र* ***पाँच*** *खण्डों में विभाजित है – **क, ख, ग, घ** एवं **ङ** ।*

(iii) ***खण्ड क*** *में प्रश्न संख्या* ***1*** *से* ***18*** *तक बहुविकल्पीय तथा प्रश्न संख्या* ***19*** *एवं* ***20*** *अभिकथन एवं तर्क आधारित* ***एक-एक*** *अंक के प्रश्न हैं ।*

(iv) ***खण्ड ख*** *में प्रश्न संख्या* ***21*** *से* ***25*** *तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के* ***दो-दो*** *अंकों के प्रश्न हैं ।*

(v) ***खण्ड ग*** *में प्रश्न संख्या* ***26*** *से* ***31*** *तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के* ***तीन-तीन*** *अंकों के प्रश्न हैं ।*

(vi) ***खण्ड घ*** *में प्रश्न संख्या* ***32*** *से* ***35*** *तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के* ***पाँच-पाँच*** *अंकों के प्रश्न हैं ।*

(vii) ***खण्ड ङ*** *में प्रश्न संख्या* ***36*** *से* ***38*** *प्रकरण अध्ययन आधारित* ***चार-चार*** *अंकों के प्रश्न हैं ।*

(viii) *प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है । यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 3 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 2 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है ।*

(ix) *कैल्कुलेटर का उपयोग* ***वर्जित*** *है ।*

खण्ड क

इस खण्ड में बहुविकल्पीय प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है ।

1. यदि $\vec{a} + \vec{b} = \hat{i}$ तथा $\vec{a} = 2\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$ है, तो $|\vec{b}|$ बराबर है :

(a) $\sqrt{14}$ (b) 3

(c) $\sqrt{12}$ (d) $\sqrt{17}$

2. z-अक्ष के समांतर एक रेखा के दिक्-अनुपात हैं :

(a) $< 1, 1, 0 >$ (b) $< 1, 1, 1 >$

(c) $< 0, 0, 0 >$ (d) $< 0, 0, 1 >$

3. आशिमा एक लक्ष्य को 3 में से 2 बार भेद कर सकती है । उसने दो बार लक्ष्य को भेद करने का प्रयत्न किया । मात्र एक बार लक्ष्य को न भेद पाने की प्रायिकता है :

(a) $\frac{2}{3}$ (b) $\frac{1}{3}$

(c) $\frac{4}{9}$ (d) $\frac{1}{9}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *This question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.*

(ii) *This question paper is divided into **five** Sections – **A**, **B**, **C**, **D** and **E**.*

(iii) *In **Section A,** Questions no. **1** to **18** are multiple choice questions (MCQs) and questions number **19** and **20** are Assertion-Reason based questions of **1** mark each.*

(iv) *In **Section B,** Questions no. **21** to **25** are very short answer (VSA) type questions, carrying **2** marks each.*

(v) *In **Section C,** Questions no. **26** to **31** are short answer (SA) type questions, carrying **3** marks each.*

(vi) *In **Section D,** Questions no. **32** to **35** are long answer (LA) type questions carrying **5** marks each.*

(vii) *In **Section E,** Questions no. **36** to **38** are case study based questions carrying **4** marks each.*

(viii) *There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section B, 3 questions in Section C, 2 questions in Section D and 2 questions in Section E.*

(ix) *Use of calculators is **not** allowed.*

SECTION A

This section comprises multiple choice questions (MCQs) of 1 mark each.

1. If $\vec{a} + \vec{b} = \hat{i}$ and $\vec{a} = 2\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$, then $|\vec{b}|$ equals :

(a) $\sqrt{14}$ (b) 3

(c) $\sqrt{12}$ (d) $\sqrt{17}$

2. The direction ratios of a line parallel to z-axis are :

(a) $< 1, 1, 0 >$ (b) $< 1, 1, 1 >$

(c) $< 0, 0, 0 >$ (d) $< 0, 0, 1 >$

3. Ashima can hit a target 2 out of 3 times. She tried to hit the target twice. The probability that she missed the target exactly once is

(a) $\frac{2}{3}$ (b) $\frac{1}{3}$

(c) $\frac{4}{9}$ (d) $\frac{1}{9}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

4. फलन $f(x) = |x| - x$, $x = 0$ पर

(a) संतत है, परन्तु अवकलनीय नहीं है ।

(b) संतत तथा अवकलनीय है ।

(c) न तो संतत है और न ही अवकलनीय है ।

(d) अवकलनीय है, परन्तु संतत नहीं है ।

5. यदि $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ तथा $(3I + 4A)(3I - 4A) = x^2 I$ है, तो x का/के मान है/हैं :

(a) $\pm \sqrt{7}$ (b) 0

(c) ± 5 (d) 25

6. अवकल समीकरण $x\,dy - (1 + x^2)\,dx = dx$ का व्यापक हल है :

(a) $y = 2x + \frac{x^3}{3} + C$ (b) $y = 2 \log x + \frac{x^3}{3} + C$

(c) $y = \frac{x^2}{2} + C$ (d) $y = 2 \log x + \frac{x^2}{2} + C$

7. यदि $f(x) = a(x - \cos x)$, $\mathbb{R}$ में निरंतर ह्रासमान है, तो 'a' निम्न में से किस में स्थित है ?

(a) $\{0\}$ (b) $(0, \infty)$

(c) $(-\infty, 0)$ (d) $(-\infty, \infty)$

8. किसी रैखिक प्रोग्रामन समस्या के आलेखीय निरूपण में सुसंगत क्षेत्र के शीर्ष बिन्दु (2, 72), (15, 20) तथा (40, 15) हैं । यदि $z = 18x + 9y$ उद्देश्य फलन है, तो :

(a) z, (2, 72) पर अधिकतम तथा (15, 20) पर न्यूनतम है ।

(b) z, (15, 20) पर अधिकतम तथा (40, 15) पर न्यूनतम है ।

(c) z, (40, 15) पर अधिकतम तथा (15, 20) पर न्यूनतम है ।

(d) z, (40, 15) पर अधिकतम तथा (2, 72) पर न्यूनतम है ।

9. व्यवरोधों $x - y \geq 0$, $2y \leq x + 2$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ द्वारा बने सुसंगत क्षेत्र के शीर्ष बिन्दुओं की संख्या है :

(a) 2 (b) 3

(c) 4 (d) 5

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

4. The function $f(x) = |x| - x$ is :

(a) continuous but not differentiable at $x = 0$.

(b) continuous and differentiable at $x = 0$.

(c) neither continuous nor differentiable at $x = 0$.

(d) differentiable but not continuous at $x = 0$.

5. If $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$ and $(3I + 4A)(3I - 4A) = x^2 I$, then the value(s) x is/are :

(a) $\pm \sqrt{7}$ (b) 0

(c) ± 5 (d) 25

6. The general solution of the differential equation $x\,dy - (1 + x^2)\,dx = dx$ is :

(a) $y = 2x + \frac{x^3}{3} + C$ (b) $y = 2 \log x + \frac{x^3}{3} + C$

(c) $y = \frac{x^2}{2} + C$ (d) $y = 2 \log x + \frac{x^2}{2} + C$

7. If $f(x) = a(x - \cos x)$ is strictly decreasing in $\mathbb{R}$, then 'a' belongs to

(a) $\{0\}$ (b) $(0, \infty)$

(c) $(-\infty, 0)$ (d) $(-\infty, \infty)$

8. The corner points of the feasible region in the graphical representation of a linear programming problem are (2, 72), (15, 20) and (40, 15). If $z = 18x + 9y$ be the objective function, then :

(a) z is maximum at (2, 72), minimum at (15, 20)

(b) z is maximum at (15, 20), minimum at (40, 15)

(c) z is maximum at (40, 15), minimum at (15, 20)

(d) z is maximum at (40, 15), minimum at (2, 72)

9. The number of corner points of the feasible region determined by the constraints $x - y \geq 0$, $2y \leq x + 2$, $x \geq 0$, $y \geq 0$ is :

(a) 2 (b) 3

(c) 4 (d) 5

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

10. यदि किसी वर्ग आव्यूह A के लिए $A^2 - 3A + I = O$ है तथा $A^{-1} = xA + yI$ है, तो $x + y$ का मान है :

(a) -2 (b) 2

(c) 3 (d) -3

11. यदि $\begin{bmatrix} x & 2 \\ 3 & x-1 \end{bmatrix}$ एक अव्युत्क्रमणीय आव्यूह है, तो x के सभी सम्भव मानों का गुणनफल है :

(a) 6 (b) -6

(c) 0 (d) -7

12. माना A एक ऐसा 3×3 आव्यूह है कि $|\text{adj } A| = 64$ है । तो $|A|$ बराबर है :

(a) केवल 8 (b) केवल -8

(c) 64 (d) 8 अथवा -8

13. यदि $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$ है तथा $2A + B$ एक शून्य आव्यूह है, तो B बराबर है :

(a) $\begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$ (b) $\begin{bmatrix} -6 & -8 \\ -10 & -4 \end{bmatrix}$

(c) $\begin{bmatrix} 5 & 8 \\ 10 & 3 \end{bmatrix}$ (d) $\begin{bmatrix} -5 & -8 \\ -10 & -3 \end{bmatrix}$

14. $\dfrac{2}{1+\cos 2x}$ का पूर्वग है :

(a) $\sec^2 x$ (b) $2\sec^2 x \tan x$

(c) $\tan x$ (d) $-\cot x$

15. $\displaystyle\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sec^2\left(x - \frac{\pi}{6}\right) dx$ बराबर है :

(a) $\dfrac{1}{\sqrt{3}}$ (b) $-\dfrac{1}{\sqrt{3}}$

(c) $\sqrt{3}$ (d) $-\sqrt{3}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

10. If for a square matrix A, $A^2 - 3A + I = O$ and $A^{-1} = xA + yI$, then the value of $x + y$ is :

(a) -2 (b) 2

(c) 3 (d) -3

11. If $\begin{bmatrix} x & 2 \\ 3 & x-1 \end{bmatrix}$ is a singular matrix, then the product of all possible values of x is :

(a) 6 (b) -6

(c) 0 (d) -7

12. Let A be a 3×3 matrix such that $|\text{adj } A| = 64$. Then $|A|$ is equal to :

(a) 8 only (b) -8 only

(c) 64 (d) 8 or -8

13. If $A = \begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$ and $2A + B$ is a null matrix, then B is equal to :

(a) $\begin{bmatrix} 6 & 8 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$ (b) $\begin{bmatrix} -6 & -8 \\ -10 & -4 \end{bmatrix}$

(c) $\begin{bmatrix} 5 & 8 \\ 10 & 3 \end{bmatrix}$ (d) $\begin{bmatrix} -5 & -8 \\ -10 & -3 \end{bmatrix}$

14. The primitive of $\frac{2}{1+\cos 2x}$ is

(a) $\sec^2 x$ (b) $2 \sec^2 x \tan x$

(c) $\tan x$ (d) $-\cot x$

15. $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sec^2\left(x - \frac{\pi}{6}\right) dx$ is equal to :

(a) $\frac{1}{\sqrt{3}}$ (b) $-\frac{1}{\sqrt{3}}$

(c) $\sqrt{3}$ (d) $-\sqrt{3}$

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

16. अवकल समीकरण $\frac{d^2y}{dx^2} + \left(\frac{dy}{dx}\right)^3 = \sin y$ की कोटि तथा घात का योगफल है :

(a) 5 (b) 2

(c) 3 (d) 4

17. p का वह मान जिसके लिए सदिश $2\hat{i} + p\hat{j} + \hat{k}$ तथा $-4\hat{i} - 6\hat{j} + 26\hat{k}$ परस्पर लंबवत हैं, है :

(a) 3 (b) -3

(c) $-\frac{17}{3}$ (d) $\frac{17}{3}$

18. λ के किस मान के लिए सदिश $\hat{i} + \lambda\hat{j}$ का सदिश $\hat{i} - \hat{j}$ पर प्रक्षेप $\sqrt{2}$ है ?

(a) -1 (b) 1

(c) 0 (d) 3

*प्रश्न संख्या **19** और **20** अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं और प्रत्येक प्रश्न का 1 अंक है । दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है । इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (a), (b), (c) और (d) में से चुनकर दीजिए ।*

(a) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है ।

(b) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या ***नहीं*** करता है ।

(c) अभिकथन (A) सही है तथा तर्क (R) ग़लत है ।

(d) अभिकथन (A) ग़लत है तथा तर्क (R) सही है ।

19. *अभिकथन (A) :* फलन $f(x) = 2\sin^{-1} x + \frac{3\pi}{2}$, जहाँ $x \in [-1, 1]$ का परिसर $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}\right]$ है ।

तर्क (R) : $\sin^{-1}(x)$ की मुख्य मान शाखा का परिसर $[0, \pi]$ है ।

20. *अभिकथन (A) :* बिन्दुओं (1, 2, 3) तथा (3, -1, 3) से होकर जाने वाली रेखा का समीकरण $\frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-3}{0}$ है ।

तर्क (R) : बिन्दुओं (x_1, y_1, z_1) तथा (x_2, y_2, z_2) से होकर जाने वाली रेखा का समीकरण $\frac{x-x_1}{x_2-x_1} = \frac{y-y_1}{y_2-y_1} = \frac{z-z_1}{z_2-z_1}$ है ।

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

16. The sum of the order and the degree of the differential equation $\frac{d^2y}{dx^2} + \left(\frac{dy}{dx}\right)^3 = \sin y$ is :

(a) 5 (b) 2

(c) 3 (d) 4

17. The value of p for which the vectors $2\hat{i} + p\hat{j} + \hat{k}$ and $-4\hat{i} - 6\hat{j} + 26\hat{k}$ are perpendicular to each other, is :

(a) 3 (b) -3

(c) $-\frac{17}{3}$ (d) $\frac{17}{3}$

18. For what value of λ, the projection of vector $\hat{i} + \lambda\hat{j}$ on vector $\hat{i} - \hat{j}$ is $\sqrt{2}$?

(a) -1 (b) 1

(c) 0 (d) 3

*Questions number **19** and **20** are Assertion and Reason based questions carrying 1 mark each. Two statements are given, one labelled Assertion (A) and the other labelled Reason (R). Select the correct answer from the codes (a), (b), (c) and (d) as given below.*

(a) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).

(b) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is ***not*** the correct explanation of the Assertion (A).

(c) Assertion (A) is true and Reason (R) is false.

(d) Assertion (A) is false and Reason (R) is true.

19. *Assertion (A) :* The range of the function $f(x) = 2\sin^{-1} x + \frac{3\pi}{2}$, where $x \in [-1, 1]$, is $\left[\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}\right]$.

Reason (R) : The range of the principal value branch of $\sin^{-1}(x)$ is $[0, \pi]$.

20. *Assertion (A) :* Equation of a line passing through the points (1, 2, 3) and (3, – 1, 3) is $\frac{x-3}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-3}{0}$.

Reason (R) : Equation of a line passing through points (x_1, y_1, z_1), (x_2, y_2, z_2) is given by $\frac{x-x_1}{x_2-x_1} = \frac{y-y_1}{y_2-y_1} = \frac{z-z_1}{z_2-z_1}$.

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

खण्ड ख

इस खण्ड में अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं ।

21. यदि दो धन संख्याओं का गुणनफल 9 है, तो वे संख्याएँ ज्ञात कीजिए जबकि उनके वर्गों का योगफल न्यूनतम हो ।

22. (क) $f(x) = 2x$ द्वारा परिभाषित फलन $f : A \to B$, एकैकी और आच्छादक दोनों है । यदि $A = \{1, 2, 3, 4\}$ है, तो समुच्चय B ज्ञात कीजिए ।

अथवा

(ख) मान ज्ञात कीजिए :

$$\sin^{-1}\left(\sin\frac{3\pi}{4}\right) + \cos^{-1}\left(\cos\frac{3\pi}{4}\right) + \tan^{-1}(1)$$

23. परिमाण $3\sqrt{3}$ के वह सभी सदिश ज्ञात कीजिए जो सदिश $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$ के संरेख हों ।

24. (क) नीचे दी गई आकृति में दर्शाए गए बिन्दुओं A, B तथा C के स्थिति सदिश क्रमशः $\vec{a}$, $\vec{b}$ तथा $\vec{c}$ हैं ।



यदि $\vec{AC} = \frac{5}{4}\vec{AB}$ है, तो $\vec{c}$ को $\vec{a}$ तथा $\vec{b}$ के पदों में व्यक्त कीजिए ।

अथवा

(ख) ज्ञात कीजिए कि क्या रेखाएँ जिनके समीकरण $x = 2\lambda + 2$, $y = 7\lambda + 1$, $z = -3\lambda - 3$ तथा $x = -\mu - 2$, $y = 2\mu + 8$, $z = 4\mu + 5$ हैं, परस्पर लंबवत हैं या नहीं ।

25. यदि $x = \sqrt{a^{\tan^{-1} t}}$, तथा $y = \sqrt{a^{\cot^{-1} t}}$ है, तो दर्शाइए कि $x\frac{dy}{dx} + y = 0$.

खण्ड ग

इस खण्ड में लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं ।

26. (क) मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} e^x \sin x \, dx$$

अथवा

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

SECTION B

This section comprises very short answer (VSA) type questions of 2 marks each.

21. If the product of two positive numbers is 9, find the numbers so that the sum of their squares is minimum.

22. (a) A function $f : A \to B$ defined as $f(x) = 2x$ is both one-one and onto. If $A = \{1, 2, 3, 4\}$, then find the set B.

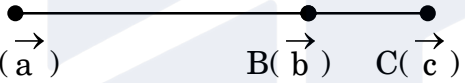
OR

(b) Evaluate :

$$\sin^{-1}\left(\sin\frac{3\pi}{4}\right) + \cos^{-1}\left(\cos\frac{3\pi}{4}\right) + \tan^{-1}(1)$$

23. Find all the vectors of magnitude $3\sqrt{3}$ which are collinear to vector $\hat{i} + \hat{j} + \hat{k}$.

24. (a) Position vectors of the points A, B and C as shown in the figure below are $\vec{a}$, $\vec{b}$ and $\vec{c}$ respectively.



If $\vec{AC} = \frac{5}{4}\vec{AB}$, express $\vec{c}$ in terms of $\vec{a}$ and $\vec{b}$.

OR

(b) Check whether the lines given by equations $x = 2\lambda + 2$, $y = 7\lambda + 1$, $z = -3\lambda - 3$ and $x = -\mu - 2$, $y = 2\mu + 8$, $z = 4\mu + 5$ are perpendicular to each other or not.

25. If $x = \sqrt{a^{\tan^{-1} t}}$, $y = \sqrt{a^{\cot^{-1} t}}$, then show that $x\frac{dy}{dx} + y = 0$.

SECTION C

This section comprises short answer (SA) type questions of 3 marks each.

26. (a) Evaluate :

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} e^x \sin x \, dx$$

OR

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

(ख) ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{1}{\cos(x-a)\ \cos(x-b)}\ dx$$

27. मान ज्ञात कीजिए :

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} [\log(\sin x) - \log(2\cos x)]\ dx$$

28. ज्ञात कीजिए :

$$\int \frac{x^2}{(x^2+4)(x^2+9)} dx$$

29. (क) अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} - \frac{2y}{x} = \sin\frac{1}{x}$ का व्यापक हल ज्ञात कीजिए ।

अथवा

(ख) अवकल समीकरण $\frac{dy}{dx} = \sin(x+y) + \sin(x-y)$ का विशिष्ट हल ज्ञात कीजिए । दिया है कि $y = 0$ है जब $x = \frac{\pi}{4}$ है ।

30. निम्न रैखिक प्रोग्रामन समस्या को आलेख द्वारा हल कीजिए :

व्यवरोधों, $x + 2y \le 12$,

$2x + y \le 12$,

$x + 1{\cdot}25y \ge 5$,

$x, y \ge 0$

के अंतर्गत $z = 600x + 400y$ का अधिकतम मान ज्ञात किजिए ।

31. (क) किसी यादृच्छिक चर X का प्रायिकता बंटन नीचे दिया गया है :

X	1	2	3
P(X)	$\frac{k}{2}$	$\frac{k}{3}$	$\frac{k}{6}$

(i) k का मान ज्ञात कीजिए ।

(ii) ज्ञात कीजिए : $P(1 \le X < 3)$

(iii) X का माध्य E(X) ज्ञात कीजिए ।

अथवा

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

(b) Find :

$$\int \frac{1}{\cos(x-a)\ \cos(x-b)}\ dx$$

27. Evaluate :

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} [\log(\sin x) - \log(2\cos x)]\ dx$$

28. Find :

$$\int \frac{x^2}{(x^2+4)(x^2+9)} dx$$

29. (a) Find the general solution of the differential equation : $\frac{dy}{dx} - \frac{2y}{x} = \sin\frac{1}{x}$.

OR

(b) Find the particular solution of the differential equation : $\frac{dy}{dx} = \sin(x+y) + \sin(x-y)$, given that when $x = \frac{\pi}{4}$, $y = 0$.

30. Solve the following linear programming problem graphically :

Maximize $z = 600x + 400y$

subject to the constraints :

$$x + 2y \le 12,$$
$$2x + y \le 12,$$
$$x + 1{\cdot}25y \ge 5,$$
$$x, y \ge 0$$

31. (a) The probability distribution of a random variable X is given below :

X	1	2	3
P(X)	$\frac{k}{2}$	$\frac{k}{3}$	$\frac{k}{6}$

(i) Find the value of k.

(ii) Find $P(1 \le X < 3)$.

(iii) Find E(X), the mean of X.

OR

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

(ख) A तथा B ऐसी स्वतंत्र घटनाएँ हैं कि $P(A \cap \bar{B}) = \frac{1}{4}$ तथा $P(\bar{A} \cap B) = \frac{1}{6}$ है । P(A) तथा P(B) ज्ञात कीजिए ।

खण्ड घ

इस खण्ड में दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं ।

32. (क) यदि $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -2 \\ -1 & 3 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$ तथा $B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -15 & 6 & -5 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix}$ है, तो $(AB)^{-1}$ ज्ञात कीजिए ।

अथवा

(ख) आव्यूह विधि द्वारा निम्न समीकरण निकाय को हल कीजिए :

$x + 2y + 3z = 6$

$2x - y + z = 2$

$3x + 2y - 2z = 3$

33. (क) उस रेखा के सदिश तथा कार्तीय समीकरण ज्ञात कीजिए, जो बिन्दु (1, 2, – 4) से होकर जाती है तथा बिन्दुओं A(3, 3, – 5) तथा B(1, 0, – 11) को मिलाने वाली रेखा के समांतर है । अत: इन दो रेखाओं के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए ।

अथवा

(ख) बिन्दुओं A(1, 2, 3) तथा B(3, 5, 9) से होकर जाने वाली रेखा के समीकरण ज्ञात कीजिए । अत: इस रेखा पर उन बिन्दुओं के निर्देशांक ज्ञात कीजिए, जो बिन्दु B से 14 इकाई की दूरी पर हैं ।

34. समाकलन के प्रयोग से रेखाओं $y = 4x + 5$, $x + y = 5$ तथा $4y = x + 5$ के द्वारा घिरे हुए क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।

35. एक संबंध R, वास्तविक संख्याओं के समुच्चय $\mathbb{R}$ पर इस प्रकार परिभाषित है कि $R = \{(x, y) : x \cdot y$ एक अपरिमेय संख्या है$\}$ । जाँच कीजिए कि क्या R, स्वतुल्य, सममित या संक्रामक है या नहीं ।

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

(b) A and B are independent events such that $P(A \cap \bar{B}) = \frac{1}{4}$ and $P(\bar{A} \cap B) = \frac{1}{6}$. Find P(A) and P(B).

SECTION D

This section comprises long answer (LA) type questions of 5 marks each.

32. (a) If $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & -2 \\ -1 & 3 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}$ and $B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 1 \\ -15 & 6 & -5 \\ 5 & -2 & 2 \end{bmatrix}$, find $(AB)^{-1}$.

OR

(b) Solve the following system of equations by matrix method :

$x + 2y + 3z = 6$

$2x - y + z = 2$

$3x + 2y - 2z = 3$

33. (a) Find the vector and the Cartesian equations of a line passing through the point (1, 2, – 4) and parallel to the line joining the points A(3, 3, – 5) and B(1, 0, – 11). Hence, find the distance between the two lines.

OR

(b) Find the equations of the line passing through the points A(1, 2, 3) and B(3, 5, 9). Hence, find the coordinates of the points on this line which are at a distance of 14 units from point B.

34. Find the area of the region bounded by the lines $y = 4x + 5$, $x + y = 5$ and $4y = x + 5$, using integration.

35. A relation R is defined on a set of real numbers $\mathbb{R}$ as

$R = \{(x, y) : x \cdot y \text{ is an irrational number}\}$.

Check whether R is reflexive, symmetric and transitive or not.

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

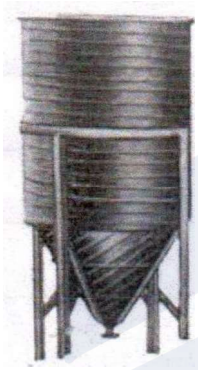
futuretopper.in

खण्ड ङ

इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं ।

प्रकरण अध्ययन – 1

36. निम्न आकृति में दर्शाए गए टैंक, जो बेलन तथा शंकु को जोड़कर बने हैं, एक सीधे आधार वाले टैंक से पानी की अच्छी निकासी देते हैं ।



एक ऐसा टैंक, जिसका शंक्वाकार भाग पानी से भरा है, में एक नल लगाया गया तथा नल से $2\ cm^3/s$ की समान दर से पानी टपक रहा है । शंक्वाकार टैंक का अर्ध-शीर्ष कोण $45°$ है ।

उपर्युक्त सूचनाओं के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) टैंक में पानी के आयतन को त्रिज्या r के पदों में व्यक्त कीजिए । *1*

(ii) उस समय जब $r = 2\sqrt{2}\ cm$ है, त्रिज्या के बदलने की दर ज्ञात कीजिए । *1*

(iii) (क) उस समय जब $r = 2\sqrt{2}\ cm$ है, शंक्वाकार टैंक के गीले तल के घटने की दर ज्ञात कीजिए । *2*

अथवा

(iii) (ख) जब तिर्यक ऊँचाई 4 cm है, उस समय ऊँचाई 'h' के बदलने की दर ज्ञात कीजिए । *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

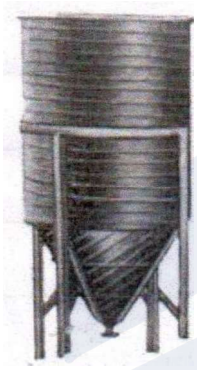
futuretopper.in

SECTION E

This section comprises 3 case study based questions of 4 marks each.

Case Study – 1

36. A tank, as shown in the figure below, formed using a combination of a cylinder and a cone, offers better drainage as compared to a flat bottomed tank.



A tap is connected to such a tank whose conical part is full of water. Water is dripping out from a tap at the bottom at the uniform rate of 2 cm^3/s. The semi-vertical angle of the conical tank is 45°.

On the basis of given information, answer the following questions :

(i) Find the volume of water in the tank in terms of its radius r. *1*

(ii) Find rate of change of radius at an instant when $r = 2\sqrt{2}$ cm. *1*

(iii) (a) Find the rate at which the wet surface of the conical tank is decreasing at an instant when radius $r = 2\sqrt{2}$ cm. *2*

OR

(iii) (b) Find the rate of change of height 'h' at an instant when slant height is 4 cm. *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

प्रकरण अध्ययन – 2

37. योग के कई प्रकार हैं जिनमें योग के विभिन्न प्रकार के आसन, मनन-प्रार्थना, प्राणायाम इत्यादि हैं जैसा कि चित्र में दर्शाया गया है ।



Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

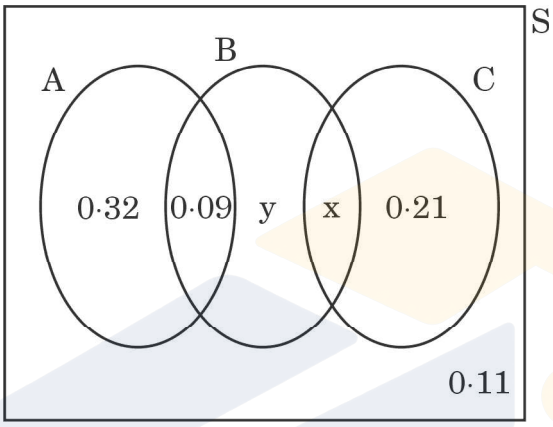
Case Study – 2

37. There are different types of Yoga which involve the usage of different poses of Yoga Asanas, Meditation and Pranayam as shown in the figure below :



Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

नीचे दी गई वेन-आकृति में, एक सोसाइटी के लोगों द्वारा किए गए तीन विभिन्न प्रकार के योग A, B तथा C की प्रायिकताओं को दर्शाया गया है । यह भी दिया गया है कि एक सदस्य द्वारा C प्रकार के योग करने की प्रायिकता 0·44 है ।



उपर्युक्त सूचनाओं के आधार पर, निम्न प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) x का मान ज्ञात कीजिए । *1*

(ii) y का मान ज्ञात कीजिए । *1*

(iii) (क) $P\left(\frac{C}{B}\right)$ ज्ञात कीजिए । *2*

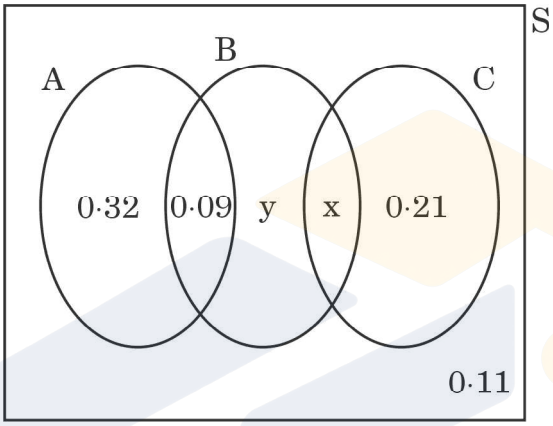
अथवा

(iii) (ख) प्रायिकता ज्ञात कीजिए कि सोसाइटी का एक यादृच्छया चुना गया सदस्य A या B प्रकार का योग करता है परन्तु C प्रकार का नहीं । *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

The Venn diagram below represents the probabilities of three different types of Yoga, A, B and C performed by the people of a society. Further, it is given that probability of a member performing type C Yoga is 0·44.



On the basis of the above information, answer the following questions :

(i) Find the value of x. *1*

(ii) Find the value of y. *1*

(iii) (a) Find $P\left(\frac{C}{B}\right)$. *2*

OR

(iii) (b) Find the probability that a randomly selected person of the society does Yoga of type A or B but not C. *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

प्रकरण अध्ययन – 3

38. एक रोलर-कोस्टर द्वारा तय किया गया पथ बहुपद $f(x) = a(x + 9)(x + 1)(x - 3)$ द्वारा प्रदत्त है । यदि यह रोलर-कोस्टर y-अक्ष को बिंदु $(0, -1)$ पर मिलता है, तो निम्न के उत्तर दीजिए :



(i) 'a' का मान ज्ञात कीजिए । *2*

(ii) $x = 1$ पर $f''(x)$ ज्ञात कीजिए । *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE

futuretopper.in

Case Study – 3

38. The equation of the path traced by a roller-coaster is given by the polynomial $f(x) = a(x + 9)(x + 1)(x - 3)$. If the roller-coaster crosses y-axis at a point $(0, -1)$, answer the following :



(i) Find the value of 'a'. *2*

(ii) Find $f''(x)$ at $x = 1$. *2*

Official CBSE question paper from cbse.gov.in | futuretopper.in
futuretopper.in is not linked to or endorsed by CBSE